|  |
| --- |
| Δύο κρούσεις, ένας έλεγχος |

Στη θέση Ο, σε ορισμένο ύψος από το έδαφος, συγκρατούμε δυο σφαίρες Α και Β με μάζες m1=1kg και m2=2kg. Σε μια στιγμή αφήνουμε την Β να πέσει και μετά από λίγο αφήνουμε την Α. Η σφαίρα Β συγκρούεται με το έδαφος και επιστρέφοντας συγκρούεται κεντρικά και ελαστικά με την Α, η οποία κατέρχεται, έχοντας τη στιγμή της κρούσης ταχύτητα μέτρου υ1=3m/s. Μετά την κρούση η σφαίρα Α επιστρέφει στο σημείο Ο με μηδενική ταχύτητα.

i) Να υπολογιστεί η κατακόρυφη απόσταση y μεταξύ της αρχικής θέσης Ο και της θέσης της κρούσης, των δύο σφαιρών.

ii) Να αποδείξετε ότι η κρούση μεταξύ της σφαίρας Β και του εδάφους, είναι ανελαστική.

iii) Να υπολογίσετε την μεταβολή της ορμής της Β σφαίρας κατά την κρούση των δύο σφαιρών.

iv) Να υπολογιστεί η απώλεια της μηχανικής ενέργειας κατά την κρούση της σφαίρας Β με το έδαφος.

Δίνεται g=10m/s2.

***Απάντηση:***

* 1. Θεωρώντας το οριζόντιο επίπεδο που περνά από το σημείο κρούσεις, ως επίπεδο μηδενικής δυναμικής ενέργειας, παίρνουμε από τη διατήρησης της μηχανικής ενέργειας για τη σφαίρα Α:

*Καρχ+Uαρχ=Κτελ + Uτελ* →

→ (1)

* 1. Έστω ότι η κρούση μεταξύ της σφαίρας Β και του επιπέδου, είναι ελαστική. Τότε η μηχανική ενέργεια παραμένει σταθερή, μέχρι τη στιγμή που θα έχουμε την κρούση μεταξύ των δύο σφαιρών. Αλλά τότε η ΑΔΜΕ για την Β σφαίρα οδηγεί, όπως και στο i) ερώτημα σε ταχύτητα της Β σφαίρας υ2=3m/s, με φορά προς τα πάνω, όπως στο σχήμα. Αλλά τότε μετά την κρούση, μεταξύ των σφαιρών, η Α σφαίρα αποκτά ταχύτητα (θεωρούμε θετική φορά προς τα πάνω):

Βλέπουμε ότι το μέτρο της ταχύτητας της Α σφαίρας, αυξάνεται μετά την κρούση, πράγμα που σημαίνει ότι η σφαίρα κέρδισε ενέργεια, με αποτέλεσμα η σφαίρα να φτάσει σε μεγαλύτερο ύψος, από την αρχική θέση που το αφήσαμε να κινηθεί. Πράγματι με εφαρμογή της ΑΔΜΕ, από την σχέση (1) παίρνουμε για το μέγιστο ύψος, πάνω από το σημείο κρούσης:

>y

Πράγμα άτοπο, αφού με βάση την εκφώνηση η σφαίρα Α επιστρέφει στο Ο, (σε ύψος 0,45m), χωρίς ταχύτητα.

* 1.  Με βάση τα προηγούμενα, αφού η σφαίρα επιστρέφει, χωρίς ταχύτητα, στη θέση Ο, μετά την κρούση θα έχει ταχύτητα με φορά προς τα πάνω, ίσου μέτρου (υ1΄=3m/s) με την ταχύτητα που είχε ελάχιστα πριν την κρούση. Έτσι θεωρώντας την προς τα πάνω κατεύθυνση ως θετική, θα έχουμε για την μεταβολή της ορμής της Α σφαίρας:

*ΔpΑ=m1υ1′-m1υ1=1∙3 kgm/s -1∙(-3)kgm/s=6 kgm/s*

Αλλά κατά την κρούση των δύο σφαιρών, η συνολική ορμή παραμένει σταθερή, συνεπώς:

→

*ΔpΒ=-6kg∙m/s.*

* 1. Λύνοντας τη σχέση (2) ως προς την ταχύτητα τη Β σφαίρας, παίρνουμε:

Αλλά απώλεια ενέργειας έχουμε μόνο στη διάρκεια της κρούσης με το έδαφος, οπότε μπορούμε να βρούμε την απώλεια αυτή χρησιμοποιώντας την αρχική ενέργεια τη σφαίρας, στη θέση Ο και την ενέργειά της ελάχιστα πριν την κρούση με τη σφαίρα Α (θεωρούμε ξανά ότι U=0 ελάχιστα πριν την κρούση):

*→*

***dmargaris@gmail.com***